

EXERCICE N°1:(3pts)

Choisir la réponse correcte:

1) Le domaine de définition de la fonction f définie par $f(x) = \sqrt{x-6}$ est:

a) $D_f = \mathbb{R} \setminus \{6\}$; b) $D_f = [0, +\infty[$; c) $D_f = [6, +\infty[$

2) Le polynôme P définie par : $P(x) = (a^2 - 4)x^5 + (a - 2)x^3 - 3(a^2 - 3a + 2)$ est nul ssi :

a) $a = 2$; b) $a = -2$; c) $a = 0$

3) Soient ABC un triangle. Si M et N deux points définies par: $\overrightarrow{AM} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC}$ et $\overrightarrow{AN} = 2\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$ alors:

a) A, M et N ne sont pas alignés ; b) A, M et N sont alignés ; c) $(AM) \perp (AN)$

EXERCICE N°2:(8pts)

On considère les polynômes P et Q définies par : $P(x) = x^2 + 3x + 2$ et $Q(x) = -x^3 - 3x^2 + 4x + 12$.

1) a- Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $P(x) = 0$

b- Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $P(x) \geq 0$.

c- Comparer en justifiant votre réponse les réels $P(-1,99887766)$ et $P(-123456789)$.

2) a- Vérifier que -2 est une racine du polynôme Q.

b- En déduire que $Q(x) = (x+2)(-x^2 - x + 6)$.

c- Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation: $Q(x) < 0$.

3) On considère le polynôme H définie par : $H(x) = P(x) \times Q(x)$.

a- Déterminer le degré de H.

b- Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $H(x) = 0$

EXERCICE N°3:(3pts)

Soit un triangle ABC tel que $AB = 6\text{cm}$.

1) Construire le point G barycentre des points pondérés (A, 2) et (B, 3).

2) Soit M un point du plan, exprimer $2\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB}$ en fonction de \overrightarrow{MG} .

3) Déterminer l'ensemble des points M du plan tels que $\|2\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB}\| = 15\text{cm}$

EXERCICE N°4:(6pts)

Le plan est rapporté à un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

On donne les points $A(-3,2)$; $B(-3, -1)$ et $C(0,2)$.

1) Calculer les composantes des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} .

2) a- Montrer que le triangle ABC est isocèle et rectangle en A.

b- Calculer l'aire S de ce triangle.

3) Soit G le centre de gravité du triangle ABC.

a- Montrer que pour tout point M du plan: $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{MG}$.

b- Déterminer l'ensemble des points M du plan vérifiant: $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = \|3\overrightarrow{MB}\|$.