

EXERCICE N°1:(2pts)

Choisir la réponse correcte:

1) L'ensemble des solutions dans \mathbb{R} de l'équation : $2x^2 + 4x + 5 = 0$ est :

a) $S_{\mathbb{R}} = \emptyset$; b) $S_{\mathbb{R}} = \{-24\}$; c) $S_{\mathbb{R}} = \{2; 5\}$

2) La forme canonique de $3x^2 - 12x + 11$ est :

a) $3\left[(x-2)^2 + \frac{1}{3}\right]$; b) $3\left[(x-2)^2 - \frac{1}{3}\right]$; c) $3\left[(x+2)^2 - 1\right]$

EXERCICE N°2:(4pts)

On considère les expressions suivantes : $A = \frac{x}{2x - 4}$ et $B = \sqrt{2x + 6}$ où $x \in \mathbb{R}$

1) Déterminer les valeurs de x pour lesquelles chacune des expressions A et B est définie.

2) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation: $A = \frac{5}{2}$.

3) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation: $B < 2$

EXERCICE N°3:(6pts)

1) On considère l'expression: $P(x) = 2x^2 - 3x + 1$ où $x \in \mathbb{R}$.

a- Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $P(x) = 0$

b- En déduire la résolution dans \mathbb{R} de l'équation $2x^4 - 3x^2 + 1 = 0$.

2) On considère l'expression: $Q(x) = 2x^2 + 3x - 35$ où $x \in \mathbb{R}$.

a- Montrer que l'équation $Q(x) = 0$ admet deux racines distinctes x' et x'' .

(On ne demande pas de déterminer x' et x'').

b- Vérifier que $x' = \frac{7}{2}$ est une solution de l'équation $Q(x) = 0$.

c- En déduire la valeur de l'autre racine x'' (sans calculer les discriminants de $Q(x) = 0$).

d- Factoriser l'expression $Q(x)$.

EXERCICE N°4:(3pts)

Soient \vec{u} et \vec{v} deux vecteurs non nuls, on considère les vecteurs :

$$\vec{a} = \vec{v} - 2\vec{u} \text{ et } \vec{b} = 2(2\vec{u} - \vec{v}) - 6(2\vec{u} - \vec{v})$$

1) a- Simplifier l'écriture du vecteur \vec{b} .

b- Montrer que les vecteurs \vec{b} et \vec{a} sont colinéaires.

2) Déterminer les valeurs possibles du réel x si $\vec{v} - |x|\vec{u} = \vec{a}$

EXERCICE N°5:(5pts)

Le plan est rapporté au repère cartésien (O, \vec{i}, \vec{j}) .

Soient la base $B' = (\vec{i}, \vec{j})$ et les points A (2 ; 0), B (3 ; 2), C (-1 ; 4) et D(11, -12).

1) a- Calculer les composantes des vecteurs \vec{AB} et \vec{AC} puis $\vec{AB} + 3\vec{AC}$ dans la base B' .

b- Montrer que (\vec{AB}, \vec{AC}) est une base de l'ensemble des vecteurs du plan.

2) Soit le point M (1, 3) dans le repère (A, \vec{AB}, \vec{AC}) .

Déterminer les coordonnées x et y de M dans le repère (O, \vec{i}, \vec{j}) .

3) Montrer que A, C et D sont alignés?