

Devoir de controle N°2

Exercice N°01

(4 points)

K K K 'G; A 5 H< G'H?

Pour chacune des questions suivantes une seule des trois réponses proposées est exactes . Le candidat indiquera sur sa copie le numéro de la question et la lettre correspondant à la réponse choisie . Aucune justification n'est demandée . Une réponse correcte vaut 1 point , une réponse fausse ou l'absence de réponse vaut 0 point .

① On considère une fonction f définie et dérivable sur \mathbb{R} . Le tableau de variations de f est le suivant:

x	$-\infty$	-2	2	$+\infty$
$f(x)$	$+\infty$	-1	3	0

La courbe représentative de la fonction f admet pour asymptote(s) la (ou les) droite(s) d'équation(s)

- a) $x = -2$ et $x = 2$ b) $y = 0$ c) $x = 0$

② La fonction $f : x \mapsto \sqrt[3]{x}$ est dérivable sur

- a) $[0, +\infty[$ b) $]0, +\infty[$ c) \mathbb{R}^*

③ L'espace est rapporté à un repère orthonormé direct. On donne trois points non alignés A, B et C . L'ensemble des points M de l'espace tels que $(\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}) \cdot \overrightarrow{AM} = 0$ est

- a) Le plan (ABC) b) La droite passant par A et de vecteur directeur $\vec{u} = \overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$
c) La droite (AB)

④ L'espace est rapporté à un repère orthonormé direct. On donne trois points non alignés A, B et C . L'ensemble des points M de l'espace tels que $(\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}) \wedge \overrightarrow{AM} = \vec{0}$ est

- a) Le plan (ABC) b) La droite passant par A et perpendiculaire au plan (ABC)
c) La droite (AB)

Exercice N°02

(6 points)

L'espace est muni d'un repère orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. On considère les points $A(3, 0, -1), B(1, 2, -3)$ et $C(3, 2, 6)$.

- ① a) Donner une représentation paramétrique de la droite Δ passant par le point C et de vecteur directeur $\vec{u} = \vec{i} + 3\vec{k}$.
b) Ecrire une équation cartésienne du plan P médiateur du segment $[AB]$
c) Montrer que la droite Δ coupe le plan P en un point H dont on précisera les coordonnées
- ② Soit S l'ensemble des points $M(x, y, z)$ tel que : $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 4 = 0$
- a) Montrer que S est une sphère dont on précisera le centre I et le rayon R
b) Vérifier que les points A et B appartiennent à S et que I est un point de Δ
c) Montrer que C est à l'extérieur de S .

③ Soit S' l'ensemble des points M de l'espace tel que : $\overline{MC}^2 + \overline{MC} \cdot \overline{CH} = 0$

a) Vérifier que $\overline{MC} \cdot \overline{MH} = 0$ puis caractériser S' .

b) Donner une équation cartésienne de S' .

Exercice N°03

(6 points)

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 5}$, on désigne par (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

① Montrer que la droite d'équation $x = -1$ est un axe de symétrie de (C) .

② Dresser le tableau de variation de f .

③ a) Montrer que la droite $\Delta: y = x + 1$ est une asymptote à (C) au voisinage de $+\infty$.

b) Tracer (C)

④ On désigne par g la restriction de f à l'intervalle $[-1, +\infty[$

a) Montrer que g réalise une bijection de $[-1, +\infty[$ sur $[2, +\infty[$.

b) Montrer que pour tout $x \in [2, +\infty[$, on a $g^{-1}(x) = -1 + \sqrt{x^2 - 4}$

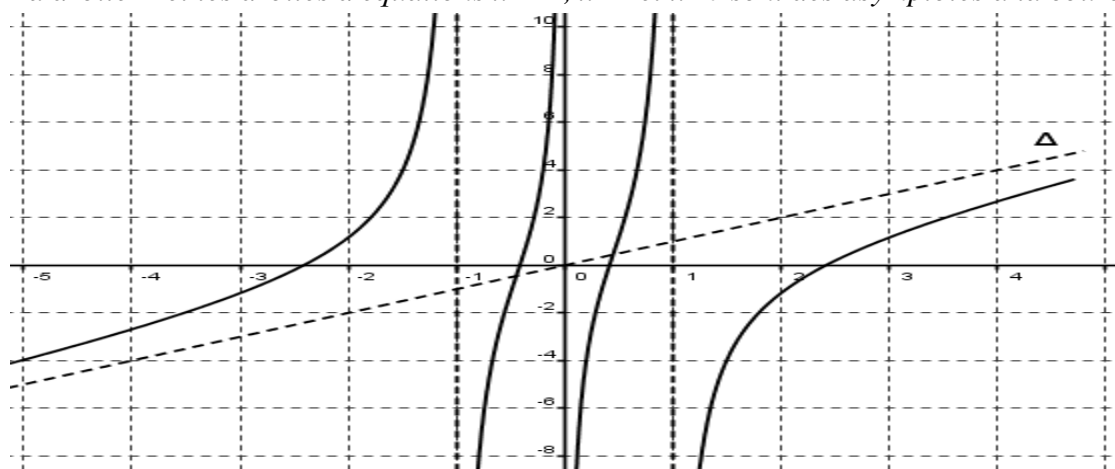
c) Tracer la courbe (C') de g^{-1} .

Exercice N°04

(4 points)

La courbe ci-dessous est la représentation graphique d'une fonction f définie sur $\mathbb{R}^* - \{-1, 1\}$

La droite Δ et les droites d'équations $x = -1$, $x = 1$ et $x = 0$ sont des asymptotes à la courbe C_f



① Déterminer graphiquement :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x), \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x), \lim_{x \rightarrow -1^-} f(x), \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x), \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x), \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x), \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x), \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} \quad \text{et} \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - x)$$

② Dresser le tableau de variation de f .

③ Déterminer le nombre de solutions de l'équation $f(x) = 8$

KKK 'G' A5H<G'H?

Bon Travail