

EXERCICE 1 :

- La valeur acquise du capital:

$$C_n = ? \quad C_0 = 125\,000F, \quad it = 3.5\%; \quad n = 12 \text{ ans}$$

Première méthode:

Conversion du taux trimestriel en taux annuel.

$$(1 + ia)^1 = (1 + it)^4$$

$$ia = (1 + 0.035)^4 - 1 = 0.147523$$

$$C_n = C_0 (1 + i)^n$$

$$C_{12} = 125\,000 (1 + 0.147523)^{12}$$

$$C_{12} = 651\,698.6226$$

Deuxième méthode:

Conversion de la durée en trimestre:

$$nt = 4 \times 12 = 48 \text{ trimestres.}$$

$$C_{48} = 125\,000 (1 + 0.035)^{48}$$

$$C_{48} = 651\,698.6226$$

- Calcul du taux de placement:

$$i = ? ; C_0 = 250\,000F ; n = 6 \text{ ans } 9 \text{ mois}; C_n = 420\,291.59F$$

$$C_n = C_0 (1 + i)^n$$

$$C_{6+\frac{9}{12}} = 250\,000 (1 + i)^{6+\frac{9}{12}} \Rightarrow i = \sqrt[6.75]{\frac{420\,291.59}{250\,000}} - 1$$

$$i = 0.08 \text{ ou } i = 8\%$$

- Déterminer le temps au bout duquel les deux placements auront la même valeur acquise.

$$C_1 = 30\,000 \text{ à } 9\% \quad \text{et} \quad C_2 = 70\,000 \text{ à } 5\%.$$

$$30\,000 (1 + 0.09)^n = 70\,000 (1 + 0.05)^n$$

$$\frac{(1.09)^n}{(1.05)^n} = \frac{7}{3} \Rightarrow n = \frac{\ln\left(\frac{7}{3}\right)}{\ln\left(\frac{1.09}{1.05}\right)}$$

$$n = 22.66257796$$

$$n = 22 \text{ ans } 7 \text{ mois } 28 \text{ jours.}$$

Déterminons la valeur acquise au bout de cette durée.

$$C_{22.66257796} = 30\,000 (1.09)^{22.66257796} = 211\,496.0117F \text{ ou}$$

$$C_{22.66257796} = 70\,000 (1.05)^{22.66257796} = 211\,496.0117F$$

EXERCICE 2 :

Paiement au comptant PC = 75 000F.

Mode1:

Somme avancée SA = 15 875F; Nombre de traitements $n = 6$; taux de crédit $t = 5\%$.

Calculons la valeur nominale V.

$$PC = SA + V_n - \frac{Vt}{1200} \times \frac{n(n+1)}{2}$$

$$75\,000 = 15\,875 + 6V - \frac{5V}{1200} \times \frac{6(6+1)}{2}$$

$$59\,125 = 5.9125V \Rightarrow V = 10\,000F$$

Mode 2:

Somme avancée $SA = 39\ 300\ F$; Nombre de traites $n = ?$; taux de crédit $t = 5\%$; valeur nominale $V = 12000$
Calculons le nombre de traites.

$$PC = SA + V_n - \frac{Vt}{1200} \times \frac{n(n+1)}{2}$$

$$75\ 000 = 39\ 300 + 12\ 000n - \frac{5 \times 12\ 000}{1200} \times \frac{n(n+1)}{2}$$

$$-25n^2 + 11\ 975n - 35\ 700 = 0 \Rightarrow -n^2 + 479n - 1428 = 0$$

$$\Delta = 223\ 729 \Rightarrow \sqrt{\Delta} = 473.$$

$$n_1 = 476 \text{ et } n_2 = 3.$$

Donc $n = 3$ traites.

Mode 3 :

$SA = 11\ 415$; $n = 3$ traites en progression géométrique de raison 1.4 dans 3 mois, 6 mois et 9 mois au taux $t = 5\%$ l'an.

$$PC = SA + a_1 + a_2 + a_3. \quad a = \text{valeur actuelle.}$$

$$a = V - e \Rightarrow a = V - \frac{Vt n}{1200}$$

$$PC = SA + V_1 - \frac{V_1 t n}{1200} + V_2 - \frac{V_2 t n}{1200} + V_3 - \frac{V_3 t n}{1200}$$

$$75\ 000 = 11\ 415 + V_1 - \frac{15V_1}{1200} + V_2 - \frac{30V_2}{1200} + V_3 - \frac{45V_3}{1200}$$

$$63\ 585 = 0.9875 V_1 + 0.975 (1.4 V_1) + 0.9625 (1.4^2 V_1)$$

$$4.239 V_1 = 63\ 583 \Rightarrow V_1 = 15\ 000\ F$$

$$V_2 = 1.4 \times 15\ 000 = 21\ 000\ F$$

$$V_3 = 1.4^2 \times 15\ 000 = 29\ 400\ F$$

EXERCICE 3 :

$V_1 = 360\ 000$; $n_1 = 90$ jours; $V_2 = 640\ 000$; $n_2 = ?$; $e_1 + e_2 = 20\ 400$; $e_1 - e_2 = 1200$

a. Calculons le taux de placement.

$$\begin{cases} e_1 + e_2 = 20\ 400 \\ e_1 - e_2 = 1200 \end{cases} \Rightarrow e_1 = 10\ 800 \text{ et } e_2 = 9600$$

$$\frac{V_1 t n_1}{36\ 000} = 10\ 800 \Rightarrow \frac{360\ 000 \times t \times 90}{36\ 000} = 10\ 800$$

$$t = 12\%.$$

b. Déterminons le nombre de jours à courir du 2^e effet:

$$\frac{V_2 t n_2}{36\ 000} = 9600 \Rightarrow \frac{640\ 000 \times 12 \times n_2}{36\ 000} = 9600$$

$$n_2 = 45 \text{ jours}$$