

**Exercice 1.....(6 pts)**

On considère les fonctions  $f$ ,  $g$ ,  $h$  et  $t$  définies respectivement par :

$$f : x \mapsto f(x) = -\frac{x^2}{2} - 2x + 30, \quad g : x \mapsto g(x) = -x^3 + 4x^2 + x - 5,$$

$$h : x \mapsto h(x) = (2x + 1)(-3x + 5) \quad \text{et} \quad t : x \mapsto t(x) = \frac{x^2 - x + 2}{-x + 2}.$$

1. Détermine le domaine de définition de chacune des fonctions  $f$ ,  $g$ ,  $h$  et  $t$ .
2. Calcule la fonction dérivée de chacune des fonctions  $f$ ,  $g$ ,  $h$  et  $t$ .

**Exercice 2.....(6 pts)**

On considère la suite géométrique  $(U_n)$  de premier terme  $U_0 = 50000$  et de raison  $q = \frac{21}{20}$ .

1. Calcule  $U_1, U_2, U_3$  et  $U_4$ .
2. Exprime  $U_n$  en fonction de  $n$ .
3. Calcule la somme des dix premiers termes de la suite  $(U_n)$ .

**Problème.....(8 pts)**

On considère la fonction numérique  $f$  de la variable réelle  $x$  définie par  $f : x \mapsto \frac{x^2 + 4x + 5}{x + 2}$ ,  
 $C_f$  sa courbe représentative dans un repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

1. a. Détermine l'ensemble de définition  $D_f$  de  $f$ .  
 b. Détermine trois réels  $a$ ,  $b$  et  $c$  tels que pour tout  $x \in D_f$  on ait :  

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 2}.$$
  
 c. Calcule les limites de  $f$  aux bornes de son ensemble de définition.  
 d. Détermine les équations de toutes les asymptotes à la courbe  $(C_f)$ .
2. Etudie les variations de  $f$  puis dresse son tableau de variation.
3. a. Détermine les coordonnées du point  $A$ , intersection de  $(C_f)$  et l'axe des ordonnées.  
 b. Détermine l'équation de la tangente  $(T)$  à la courbe  $(C_f)$  au point  $A$ .
4. Trace dans le même repère la droite  $(T)$ , les asymptotes et la courbe  $(C_f)$ .