

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية



الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات
امتحان بكالوريا التعليم الثانوي
الشعبة: آداب وفلسفة، لغات أجنبية

دورة: 2020

المدة: 02 سا و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

- لتكن الأعداد الطبيعية a ، b و c حيث: $a = 2020$ ، $b = 2970$ و $c = 1441$.
- (1) عيّن باقي القسمة الإقليدية لكلّ من الأعداد a ، b و c على 9.
 - (2) تحقّق أنّ العددين b و $(a+5)$ متوافقان بترديد 9.
 - (3) تحقّق أنّ: $[9] \equiv -1 \pmod{2a}$ ثمّ استنتج باقي القسمة الإقليدية للعدد $(2a)^{31}$ على 9.
 - (4) بيّن أنّ العدد $(3a - 2b - 12c^2)$ يقبل القسمة على 9.

التمرين الثاني: (06 نقاط)

- لتكن (u_n) متتالية حسابية حدّها الأول u_0 و أساسها r حيث: $u_2 - u_0 = 4$ و $u_1 + u_3 = 16$.
- (1) احسب الحدّ u_2 ، ثمّ الحدّ u_0 و استنتج الأساس r للمتتالية (u_n) .
 - (2) أ. بيّن أنّ الحدّ العام للمتتالية (u_n) معرّف بـ: $u_n = 4 + 2n$.
ب. حدّد مع التبرير اتجاه تغيّر المتتالية (u_n) .
 - (3) بيّن أنّ العدد 2020 حدّ من حدود المتتالية (u_n) ، محدّدًا رتبته.
 - (4) احسب المجموع S المعرّف بـ: $S = u_0 + u_1 + \dots + u_{1008}$

التمرين الثالث: (08 نقاط)

- الدالة العددية f معرّفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$ ، و (C_f) التمثيل البياني لـ f في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.
- (1) احسب نهاية الدالة f عند كلّ من $-\infty$ و $+\infty$.
 - (2) أ. بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x : $f'(x) = 3(x-1)(x-3)$ ، ثمّ ادرس إشارة $f'(x)$ على \mathbb{R} .
ب. استنتج اتجاه تغيّر f ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.
 - (3) اكتب معادلة لـ (T) المماس للمنحنى (C_f) في النّقطة A التي فاصلتها 2.
 - (4) أ. تحقّق أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي x : $f(x) = (x-1)^2(x-4)$.
ب. حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$ ثمّ استنتج نقط تقاطع (C_f) وحامل محور الفواصل.
 - (5) احسب $f(0)$ ثمّ ارسم كلا من (T) و (C_f) .

انتهى الموضوع الأول



الموضوع الثاني

التمرين الأول: (06 نقاط)

- لتكن (u_n) متتالية هندسية حدّها الأول u_1 ، حدودها موجبة تماما حيث : $u_3 \times u_5 = 2916$
1. احسب الحد u_4 .
 2. علما أنّ $u_3 = 18$ ، تحقق أنّ أساس المتتالية (u_n) هو 3 .
 3. احسب الحدّ الأول u_1 ، ثمّ اكتب عبارة الحد العام u_n بدلالة n .
 4. عيّن رتبة الحدّ الذي قيمته 1458. (لاحظ أنّ: $729 = 3^6$)
 5. احسب بدلالة n المجموع S_n حيث: $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$

التمرين الثاني: (06 نقاط)

- a و b عدنان صحيحان حيث: $a \equiv 2[7]$ ، $b = 2020$.
1. عيّن باقي القسمة الإقليدية للعدد b على 7 .
 2. بيّن أنّ : $a^2 + b^2 \equiv -1[7]$ ثمّ استنتج أنّ العدد $8 - (a^2 + b^2)^{1962}$ يقبل القسمة على 7 .
 3. أ . عيّن بواقي القسمة الإقليدية لكلّ من الأعداد 4 ، 4^2 و 4^3 على 7 .
ب. بيّن أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي n : $4^{3n} \equiv 1[7]$ ثمّ استنتج أنّ : $4^{3n+1} \equiv 4[7]$.
ج. بيّن أنّ : $b^{21} \equiv 1[7]$.
 4. عيّن الأعداد الطبيعية n بحيث يكون : $4^n + a + b^{21} \equiv 0[7]$.

التمرين الثالث: (08 نقاط)

- نعتبر f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} بـ : $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2x^2 + 3x$ ،
- و (C_f) التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$
1. احسب نهاية الدالة f عند كل من $-\infty$ و $+\infty$.
 2. أ . بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = (x+3)(x+1)$ ، ثمّ ادرس إشارة $f'(x)$ على \mathbb{R} .
ب. استنتج اتجاه تغيّر f ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.
 3. بيّن أنّ النقطة $A\left(-2; \frac{-2}{3}\right)$ هي نقطة انعطاف للمنحنى (C_f) .
 4. اكتب معادلة لـ (D) المماس للمنحنى (C_f) في النقطة A .
 5. احسب $f(0)$ ثمّ ارسم كلا من (D) و (C_f) .